

$$\mathbb{N} = \{\text{números naturais}\} = \{1; 2; 3; 4; \dots\}$$

$$\mathbb{N}_0 = \{0; 1; 2; 3; 4; \dots\}$$

$$\mathbb{Z} = \{\text{números inteiros}\} = \{\dots; -4; -3; -2; -1; 0; 1; 2; 3; 4; \dots\}$$

$$\mathbb{Z}^+ = \{\text{números inteiros positivos}\} = \{1; 2; 3; 4; \dots\} = \mathbb{N}$$

$$\mathbb{Z}_0^+ = \{\text{números inteiros não negativos}\} = \{0; 1; 2; 3; 4; \dots\} = \mathbb{N}_0$$

$$\mathbb{Z}^- = \{\text{números inteiros negativos}\} = \{\dots; -4; -3; -2; -1\}$$

$$\mathbb{Z}_0^- = \{\text{números inteiros não positivos}\} = \{\dots; -4; -3; -2; -1; 0\}$$

$$\mathbb{Q} = \{\text{números racionais}\} = \mathbb{Z} \cup \{\text{números fracionários}\} = \{\frac{a}{b}, \text{ sendo } a \in \mathbb{Z} \text{ e } b \neq 0\}$$

$$\mathbb{Q}^+ = \{\text{números racionais positivos}\}$$

$$\mathbb{Q}_0^+ = \{\text{números racionais não negativos}\}$$

$$\mathbb{Q}^- = \{\text{números racionais negativos}\}$$

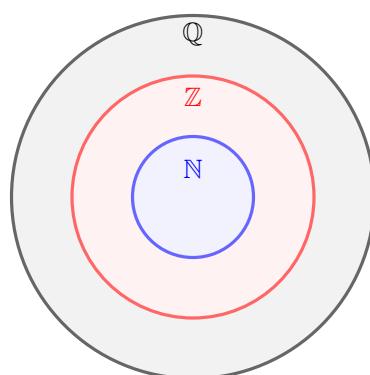
$$\mathbb{Q}_0^- = \{\text{números racionais não positivos}\}$$

Os números racionais podem ser representados por **dízimas finitas** (como por exemplo $3; -\frac{1}{2} = -0,5$ e $\frac{3}{4} = 0,75$) ou por **dízimas infinitas periódicas** (como por exemplo $-\frac{1}{3} = -0,333\dots = -0,(3)$, $\frac{85}{33} = 2,575757\dots = 2,(57)$ e $\frac{347}{111} = 3,126126126\dots = 3,(126)$).

- $-\frac{1}{3} = -0,333\dots = -0,(3)$ é uma **dízima infinita periódica de período 3**
- $\frac{85}{33} = 2,575757\dots = 2,(57)$ é uma **dízima infinita periódica de período 57**
- $\frac{347}{111} = 3,126126126\dots = 3,(126)$ é uma **dízima infinita periódica de período 126**

Assim se conclui que $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q}$ ou, de forma equivalente que $\mathbb{Q} \supset \mathbb{Z} \supset \mathbb{N}$.

(\subset : contido; \supset : contém)



Os **números fracionários** são representados por frações de números inteiros em que o numerador não é múltiplo do denominador.